## CONTROL 2

**P1.** a) (3.0 pts.) Sea  $A \subseteq E$  un conjunto no vacío. Demuestre que

$$\forall X \in \mathcal{P}(E), \forall Y \in \mathcal{P}(E), (A \times X = A \times Y \implies X = Y).$$

b) (3.0 pts.) Sean  $A \subseteq E$  y  $B \subseteq E$  dos conjuntos. Demuestre que

$$\mathcal{P}(A \cup B) = \{X \cup Y \in \mathcal{P}(E) \mid X \subseteq A \land Y \subseteq B\}.$$

**P2.** a) Sea  $\mathcal{F} = \{f : \mathbb{R} \to \mathbb{R} \mid f \text{ es función}\}$ , considere la función

$$\varphi: \mathcal{F} \longrightarrow \mathbb{R}$$

$$f \longmapsto \varphi(f) = f(0).$$

- (i) (1.5 pts.) Demuestre que  $\varphi$  es epiyectiva.
- (ii) (1.5 pts.) Indique si es o no es inyectiva, justificando su respuesta.
- b) Sea E un conjunto no vacío. Se define la función identidad en E:

$$id_E : E \longrightarrow E$$
  
 $x \longmapsto id_E(x) = x.$ 

Sea  $f: E \longrightarrow E$  una función tal que  $f \circ f = f$ . Demuestre que

- (i) (1.5 pts.) f inyectiva  $\Longrightarrow f = \mathrm{id}_E$ .
- (ii) (1.5 pts.) f epiyectiva  $\Longrightarrow f = \mathrm{id}_E$ .

TIEMPO: 1:15 hrs.

No olvidar colocar nombre y RUT identificando sus hojas de respuestas.